

DEVOIR SURVEILLE DE MATHÉMATIQUES N°2

3°

Exercice n°1

$$1) (7x+3)(4x+5) = 28x^2 + 47x + 15$$

$$(14x+3)(2x+5) = 28x^2 + 76x + 15$$

2) Pour $x = 1$

$$A1 = 28 \times 1^2 + 47 \times 1 + 15 = 90$$

$$A2 = 28 \times 1^2 + 76 \times 1 + 15 = 119$$

Les rectangles n'ont pas la même aire pour toutes les valeurs de x

Exercice n°3

Développer et réduire les expressions suivantes

$$A = (3x - 5)(3x + 5)$$

$$= 9x^2 - 25$$

$$B = (2x + 5)(3x + 8) - 4(2x - 1) - (-3x + 5)$$

$$= 6x^2 + 16x + 15x + 40 - 8x + 4 + 3x - 5$$

$$= 6x^2 + 26x + 39$$

Exercice n°4

FGH est un triangle rectangle en F:

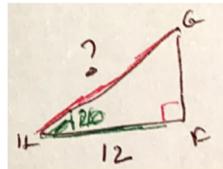
$$\cos \hat{H} = \frac{HF}{GH}$$

$$\cos 20^\circ = \frac{12}{GH}$$

$$0,940 \approx \frac{12}{GH}$$

$$GH \approx \frac{12}{0,940}$$

$$GH \approx 13 \text{ cm}$$



Exercice n°5

KML est un triangle rectangle en L :

$$\tan \hat{K} = \frac{ML}{KL}$$

$$\tan 63^\circ = \frac{8}{KL}$$

$$1,963 \approx \frac{8}{KL}$$

$$KL \approx 8 : 1,963$$

$$KL \approx 4 \text{ cm}$$

Je sais que

$KN^2 = KM^2 + MN^2$ donc d'après la réciproque
KMN est un triangle rectangle en M.

Dans le triangle rectangle KMN

$$\sin \hat{NKM} = \frac{MN}{NK}$$

$$\sin \hat{NKM} = \frac{8}{10} \text{ d'où } \hat{NKM} = 53^\circ$$

Exercice n°2

$$1 - \text{calculs} \quad \begin{aligned} JI^2 &= 10,4^2 = 108,16 \\ IK^2 + JK^2 &= 4^2 + 3^2 = 16,16 \end{aligned} \quad \text{donc } JI^2 > IK^2 + JK^2$$

3 Je sais que

$$JI^2 > IK^2 + JK^2$$

donc d'après la réciproque du théorème de Pythagore

$$\begin{aligned} \text{1) } \hat{KJ} &\sim 90^\circ & \text{2) } \text{Comparison} \\ \text{2) } \hat{IK} &\sim 65^\circ & \text{3) } \hat{IJ} \sim 60^\circ \\ \cos \hat{KIJ} &= \frac{IK}{IJ} & \cos \hat{KIJ} = \frac{10,4}{10,4} = 1 \\ \cos 60^\circ &= \frac{1}{2} & \hat{KIJ} = 60^\circ \\ 10,4 &= 10,4 \cdot 1 = 10,4 & \hat{KIJ} = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ \\ \hat{KIJ} &= 60^\circ & \hat{KIJ} = 28^\circ \end{aligned}$$

Exercice n°4

$$C = 25x^2 - 49$$

$$= (5x - 7)(5x + 7)$$

$$D = (3x + 7)^2 - 100$$

$$= (3x + 7 - 10)(3x + 7 + 10)$$

$$= (3x - 3)(3x + 17)$$

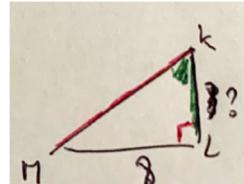
$$= 3(x - 1)(3x + 17)$$

$$E = (4x - 5)^2 - (x + 7)^2$$

$$= [(4x + 5) + (x + 7)][(4x + 5) - (x + 7)]$$

$$= (4x + 5 + x + 7)(4x + 5 - x - 7)$$

$$= (5x + 12)(3x - 2)$$



Exercice n°6

Je sais que

KJL est un triangle rectangle donc d'après le théorème de Pythagore

$$KL^2 = KJ^2 + JL^2$$

$$KJ^2 = KL^2 - JL^2$$

$$= 9 \text{ d'où } KJ = 3 \text{ cm}$$

Je sais que

$$\left\{ \begin{array}{l} KJ = JM \\ K, J, M \text{ alignés} \end{array} \right. \text{ donc } KM = 2 \times KJ = 6 \text{ cm}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} KN^2 = 10^2 = 100 \\ KM^2 + MN^2 = 6^2 + 8^2 = 100 \end{array} \right. \text{ donc } KN^2 = KM^2 + MN^2$$

du théorème de Pythagore

